

# **ПАРАЛЛЕЛЬНЫЕ ПРЯМЫЕ И КОНГРУЭНТНОСТЬ ФИГУР**



**Диафильм  
по математике  
для 4-5 классов**

## *К сведению учителя*



Чтобы можно было работать мелом по изображению, рекомендуем проецировать кадры диафильма на доску.

Кадры 4–6, 10–12 предназначены для иллюстрации рассказа учителя, 7–9—для работы с учащимися. К кадру 8 можно ещё раз вернуться после изучения материала кадров 10–11. По кадру 13 рекомендуется поработать с линейкой и угольником, чтобы учащиеся экспериментально убедились в справедливости утверждения.

[2]

\* Кадры 16–17 полезно дать объяснить самим учащимся. Кадры 18–19 нужны для разъяснения вопроса о параллельном переносе. В кадре 20 можно обвести фигуру мелом и затем, сдвигая проектор вправо, осуществить на доске параллельный перенос.

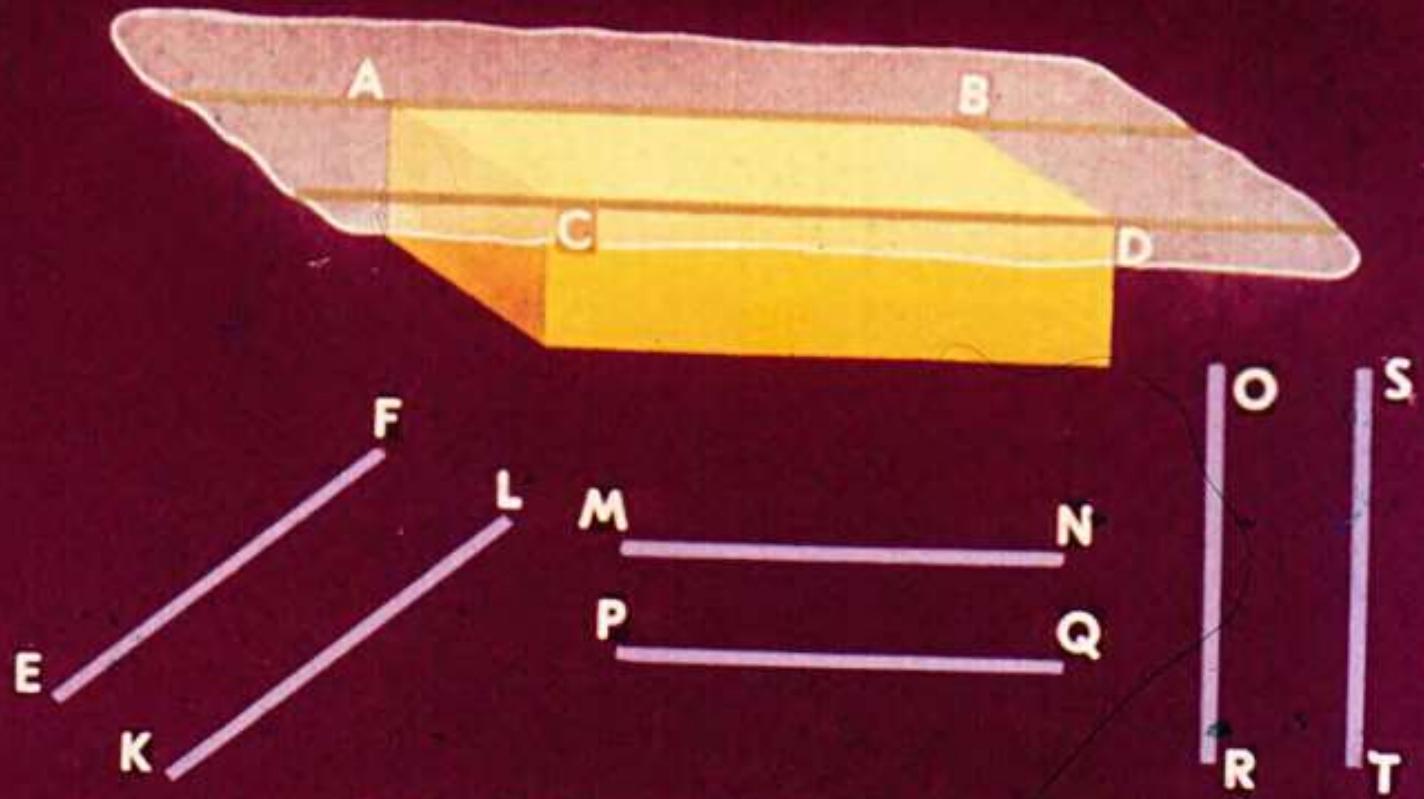
Задание кадра 22 выполняют сами учащиеся; потом проверяют по кадру 23. Кадр 24 дан для выполнения параллельного переноса (направленный отрезок задаёт учитель).

Кадры 28–34 позволяют обсудить сходство и различие параллельного переноса и других перемещений.



Отрезки  $AB$  и  $CD$  общих точек не имеют.  
Деревянный брусок на рисунке обломлен. А если мы мысленно удлиним его, продолжив  $AB$  и  $CD$  вправо и влево?

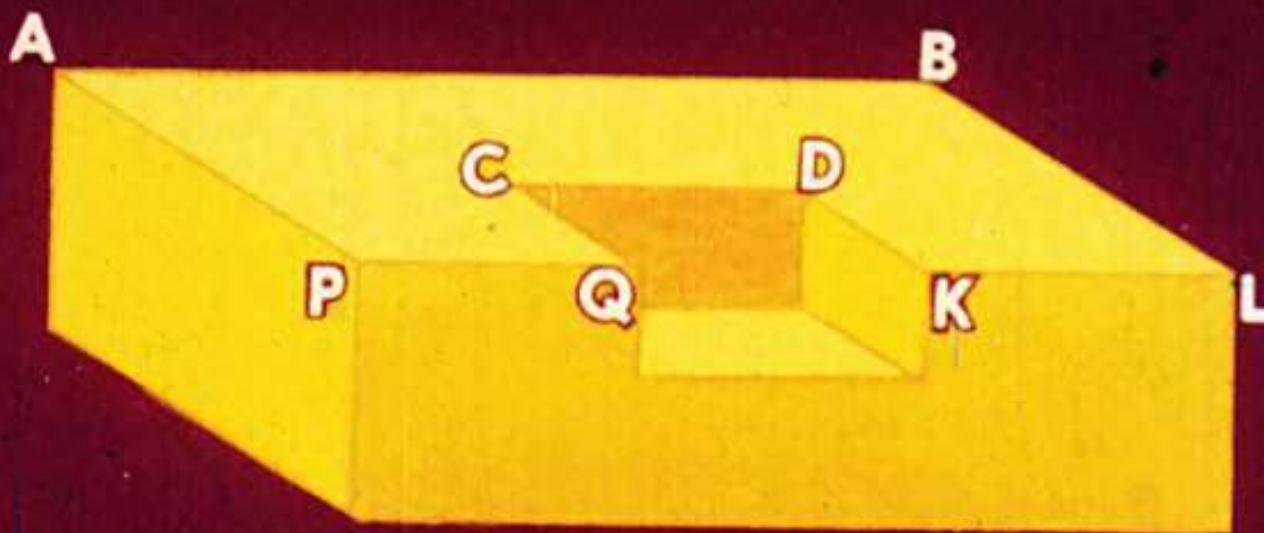
4



**E F || K L, M N || P Q, O R || S T**

Прямые АВ и СD лежат в одной плоскости и не имеют общих точек. Такие прямые называют параллельными.

5

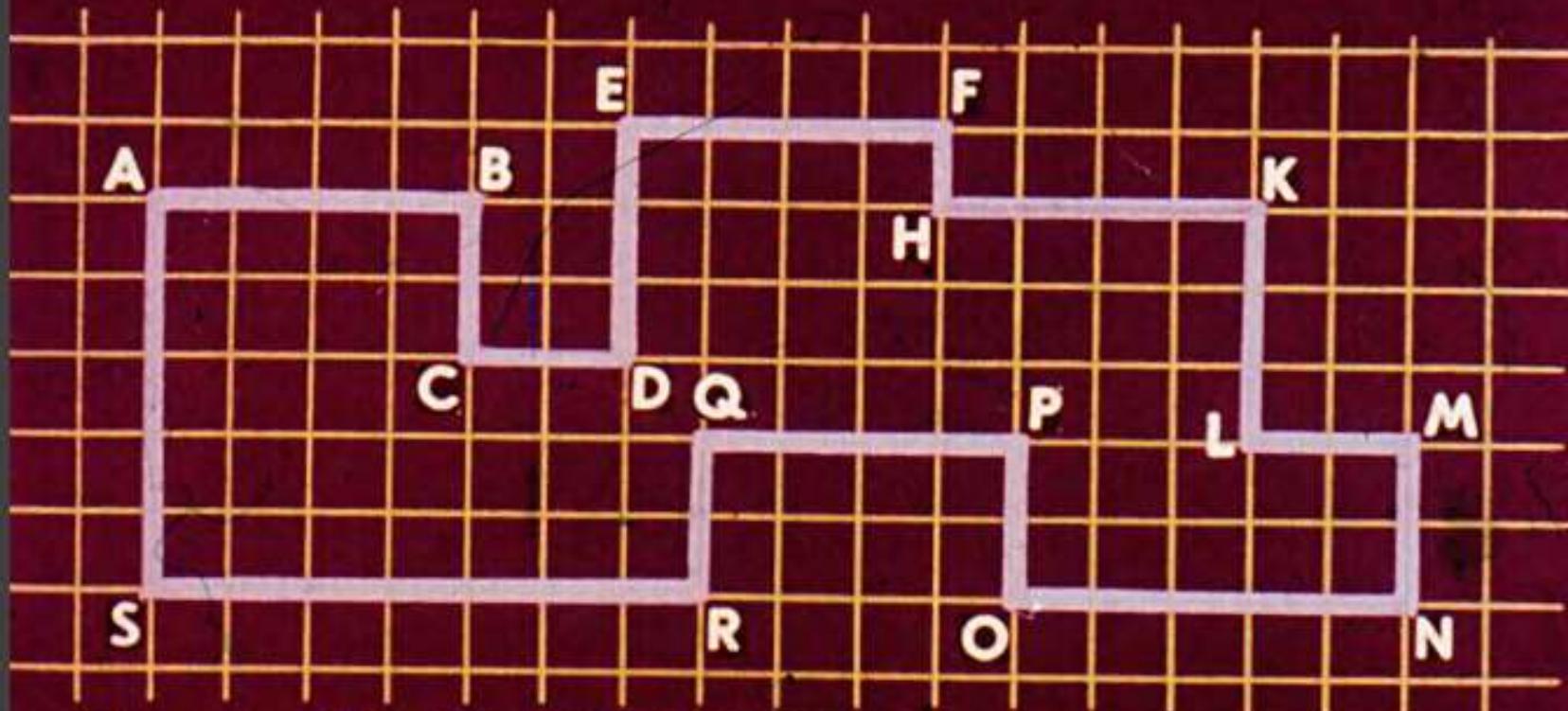


Прямые  $AB$ ,  $CD$ ,  $PQ$ ,  $KL$  лежат в одной плоскости. Прямые  $PQ$  и  $KL$  совпадают. Совпадающие прямые также считаются параллельными.

Прямые  $AB$ ,  $CD$ ,  $PQ$ ,  $KL$  параллельны между собой.

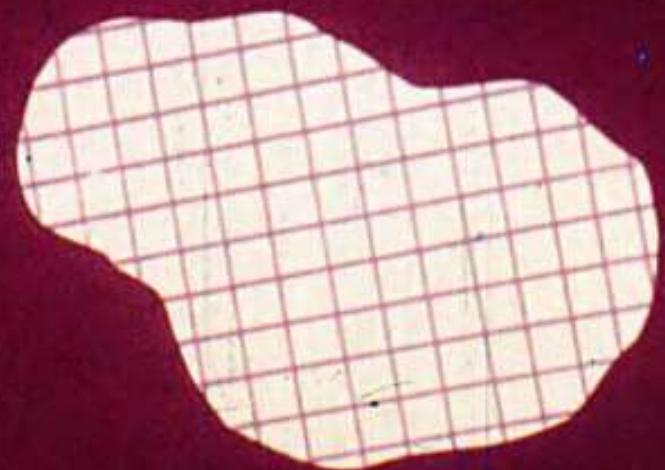
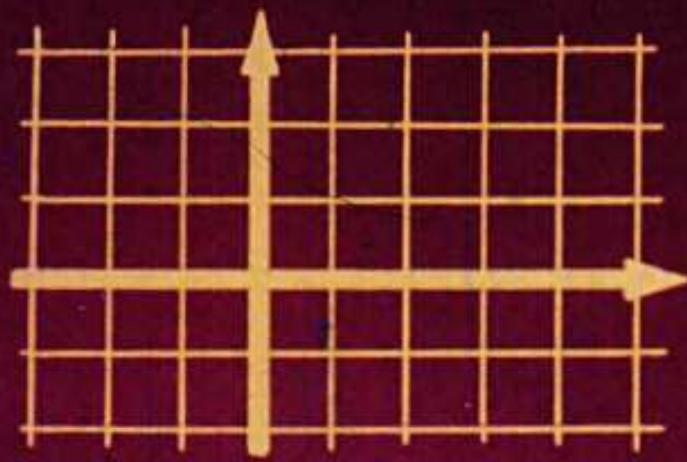
6

не имеющие общих точек, параллельны. Две совпадающие прямые также считаются параллельными.

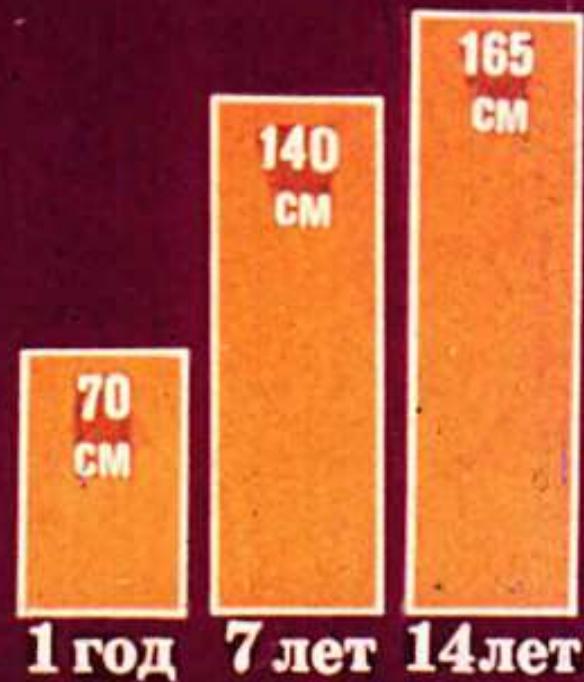


Прямые AB, CD, EF, HK, LM, QP, SR, ON параллельны.  
Какие из них совпадают?

7



### Рост ребёнка по годам



Укажите параллельные прямые.

8

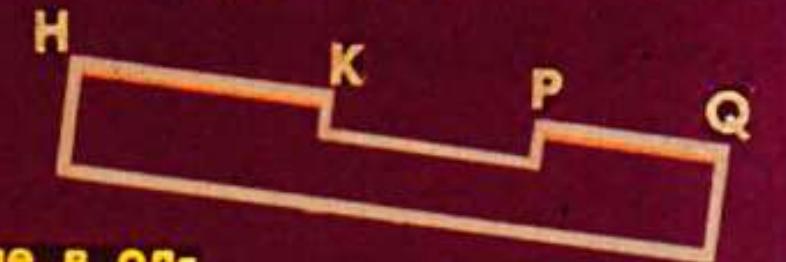
## Какие из высказываний являются верными?

a) Если прямые параллельны, то они не имеют общих точек.

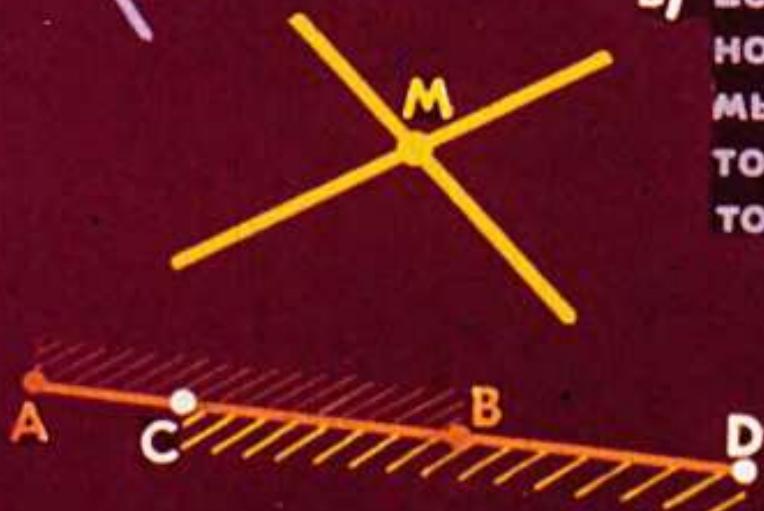


б) Если лежащие в одной плоскости прямые не имеют общих точек, то они параллельны.

в) Если лежащие в одной плоскости прямые не параллельны, то они имеют общую точку.



г) Если параллельные прямые имеют общую точку, то они совпадают.



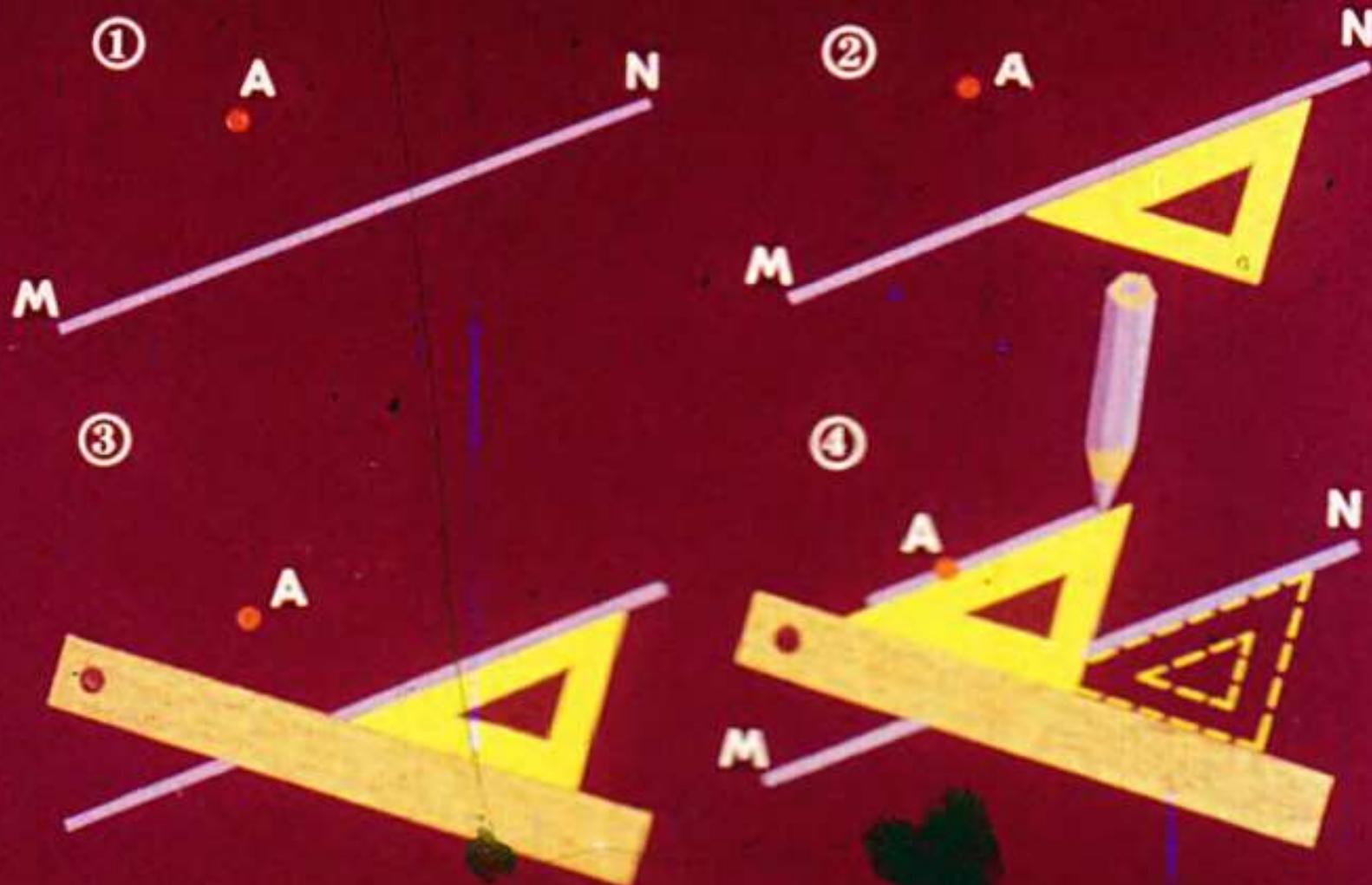
9

**Параллельные прямые строят с помощью линейки и угольника.**



**Таким же способом можно проверить, параллельны ли прямые.**

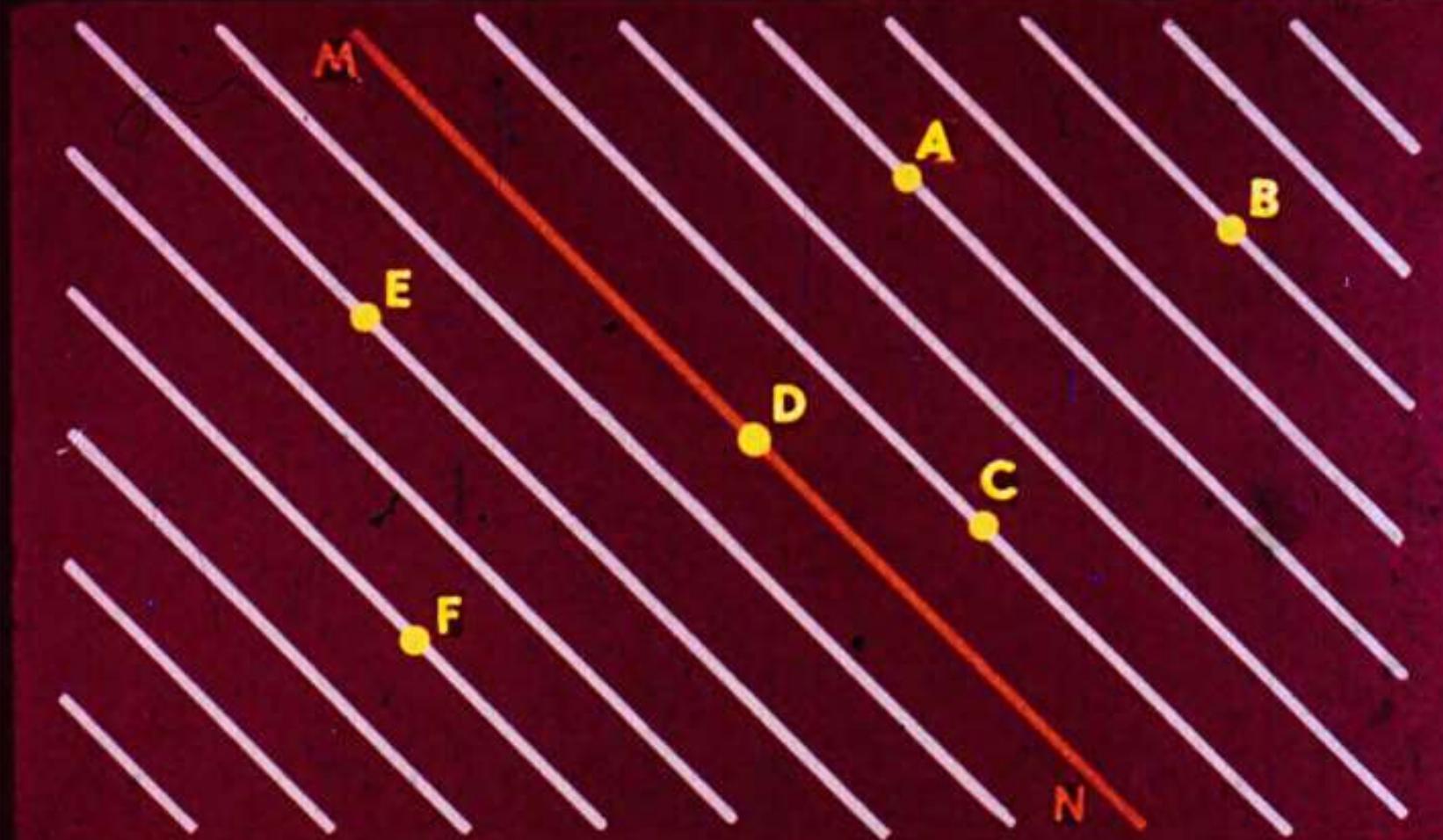
10



Так можно через данную точку А провести прямую, параллельную заданной прямой МN.

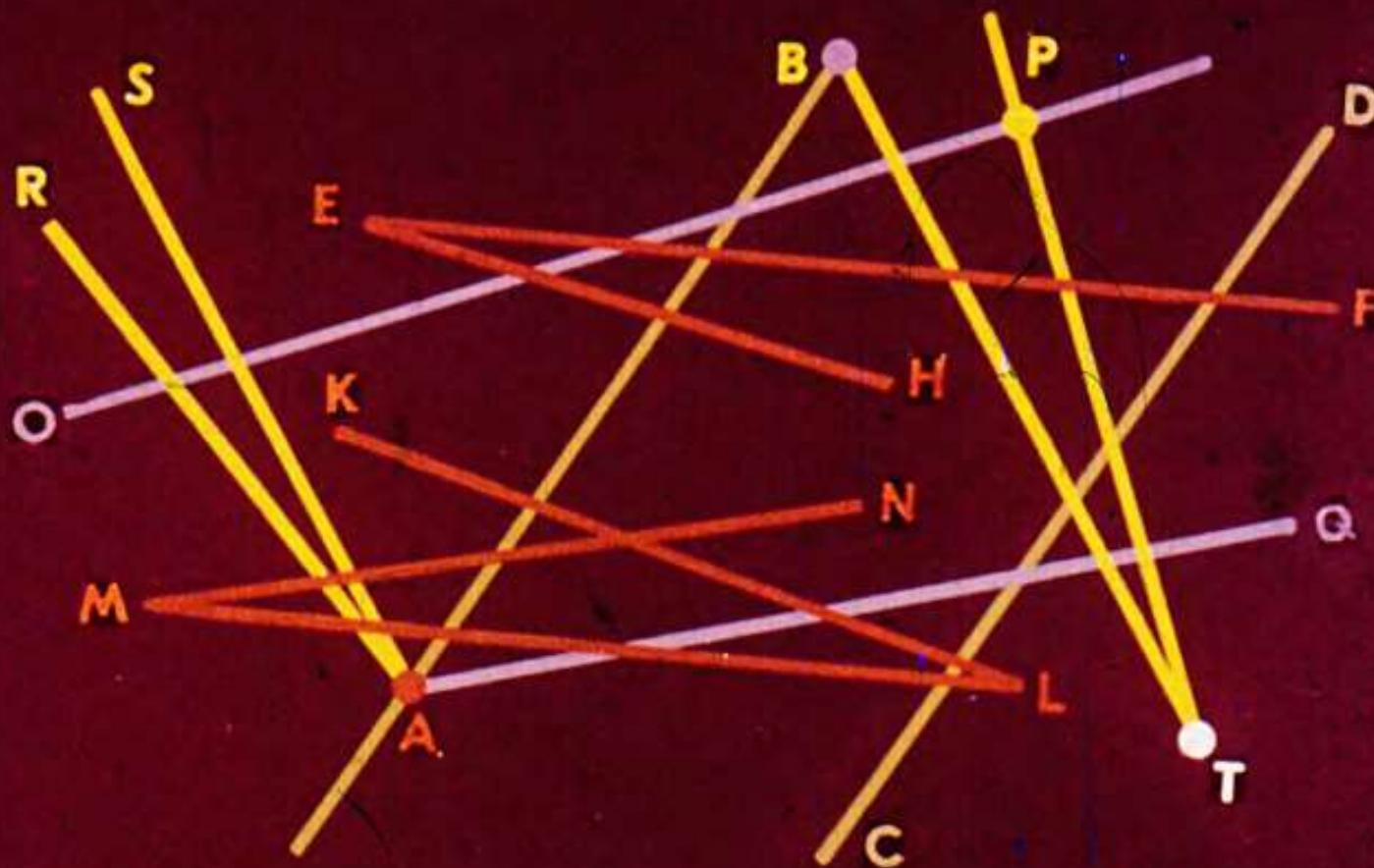






Через каждую точку на плоскости можно провести только одну прямую, параллельную заданной прямой.

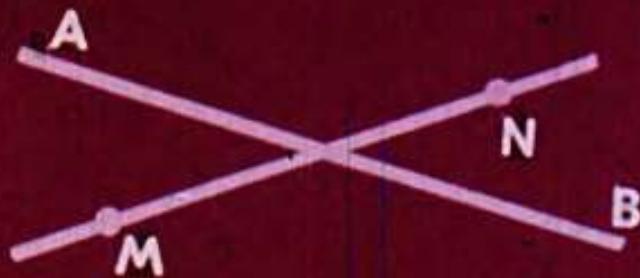
13



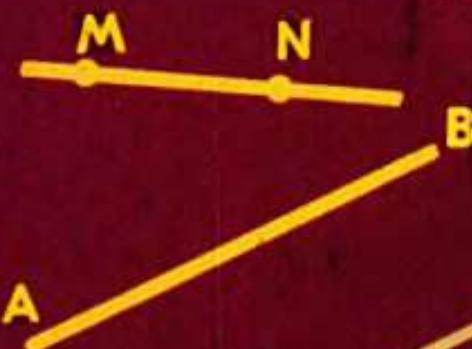
Проверьте, прикладывая линейку и угольник, какие прямые параллельны.

## Какие из высказываний являются верными?

a) Если  $M$  и  $N$  лежат по разные стороны прямой  $AB$ , то  $(MN)$  не параллельны.



б) Если  $M$  и  $N$  лежат по одну сторону прямой  $AB$ , то  $(MN) \parallel (AB)$ .

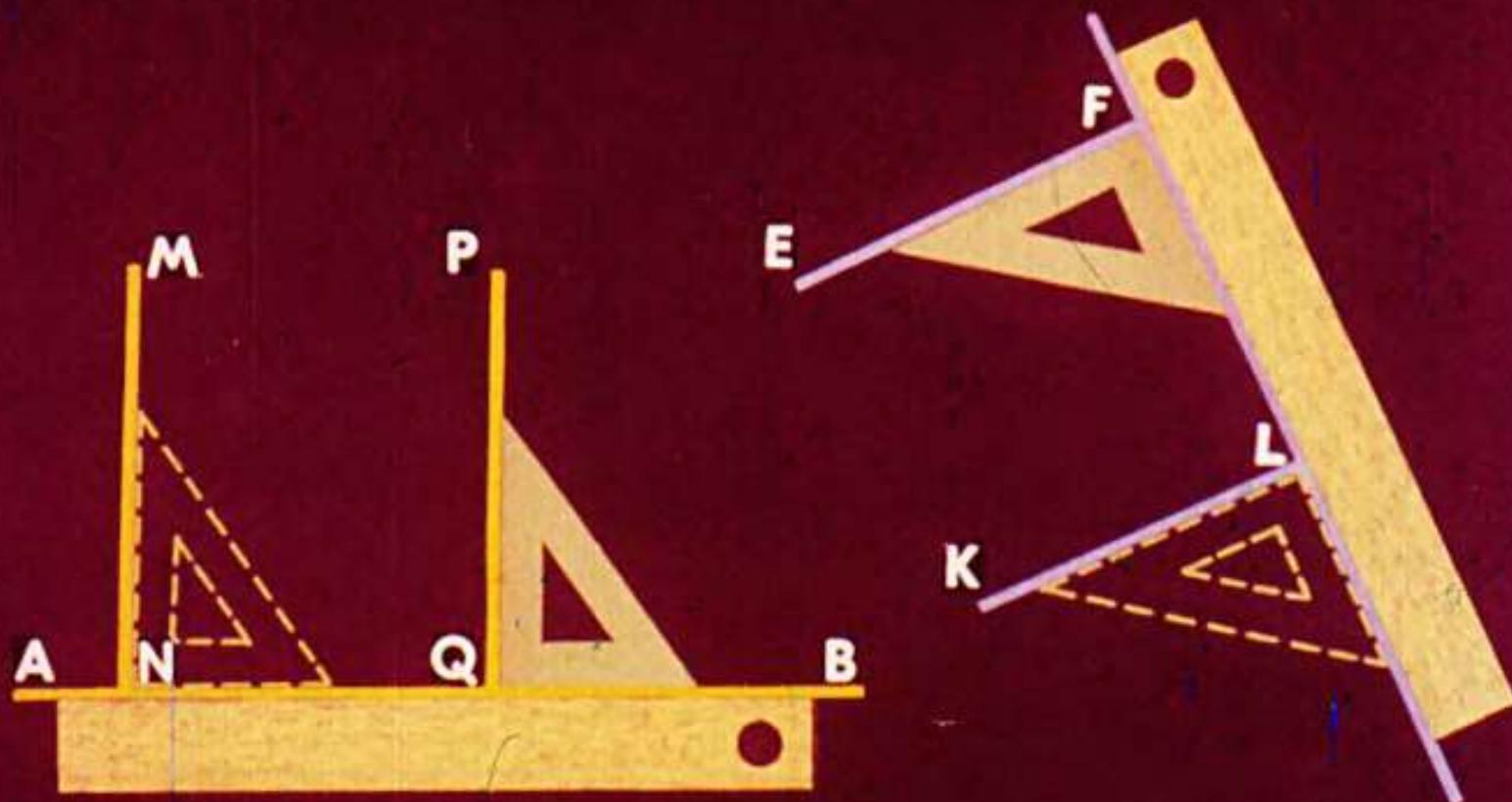


в) Если прямые  $AB$  и  $MN$  параллельны и не совпадают, то  $M$  и  $N$  лежат по одну сторону  $(AB)$ .



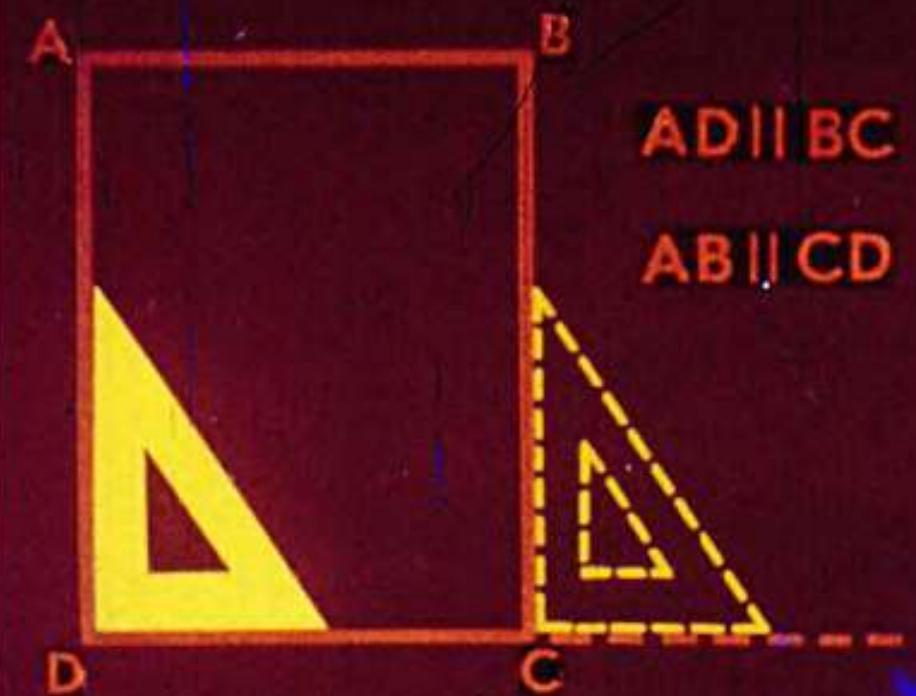
15

Два перпендикуляра к одной прямой параллельны.

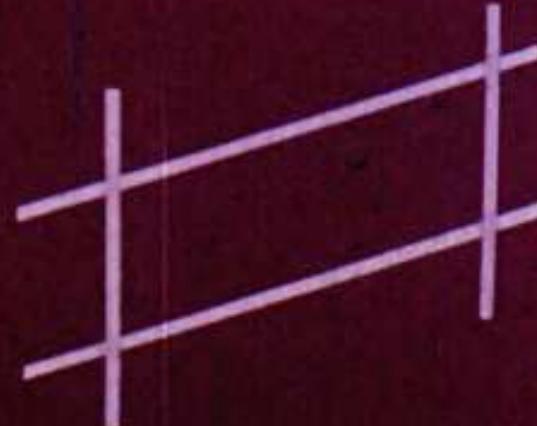
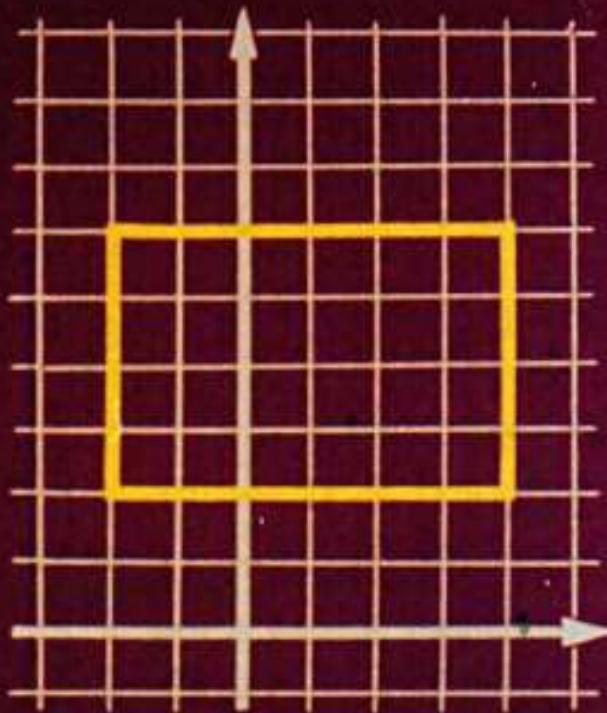


$$MN \parallel PQ$$

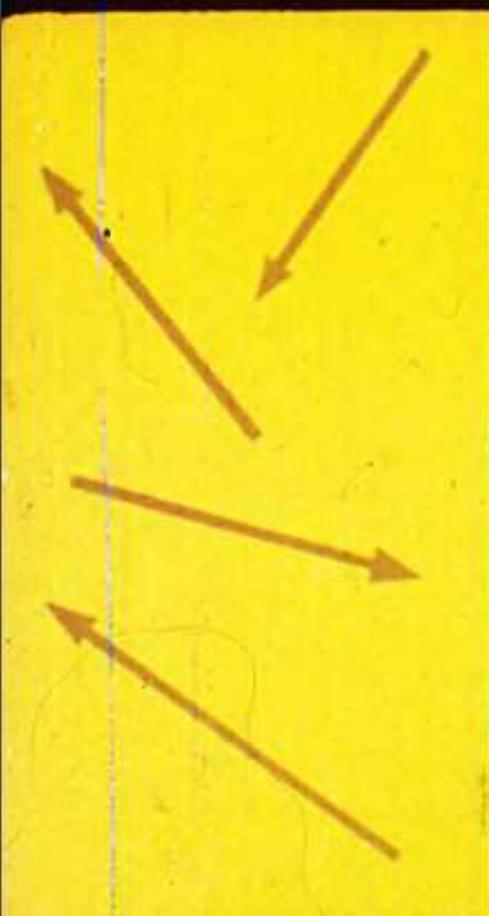
$$EF \parallel KL$$



В прямоугольнике противоположные стороны параллельны. Верно ли, что, если стороны четырёхугольника попарно параллельны, то он является прямоугольником?

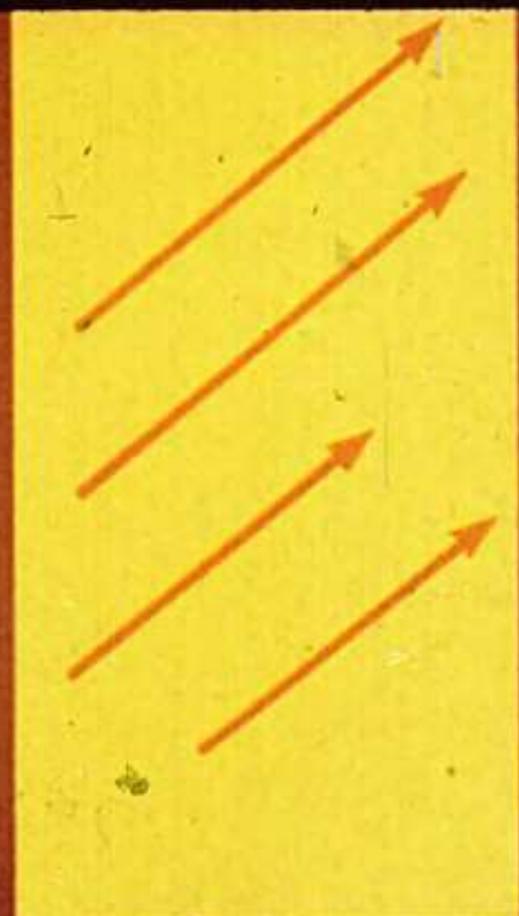


17



Направленные  
отрезки.

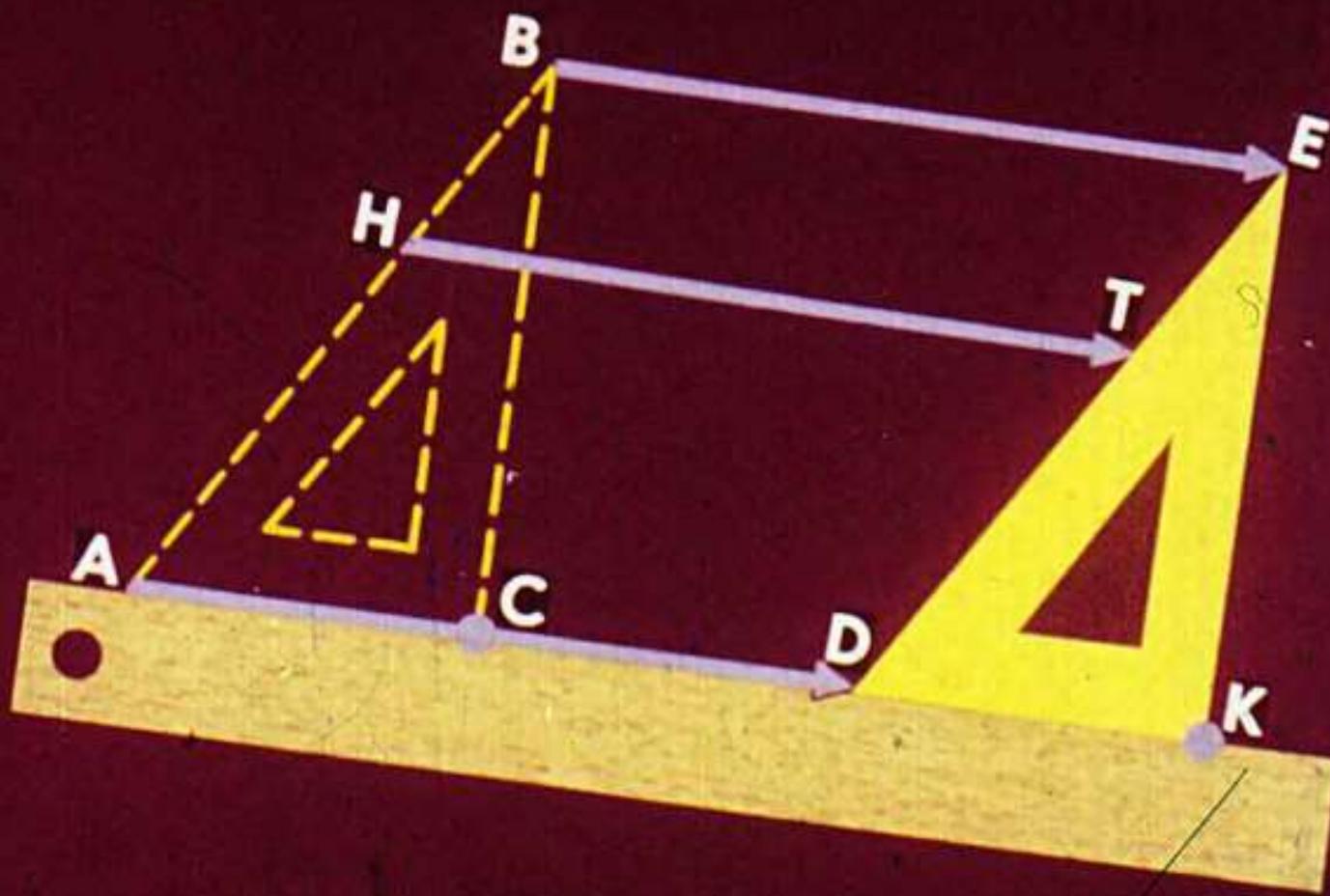
18



Отрезки  
одинаково  
направлены.

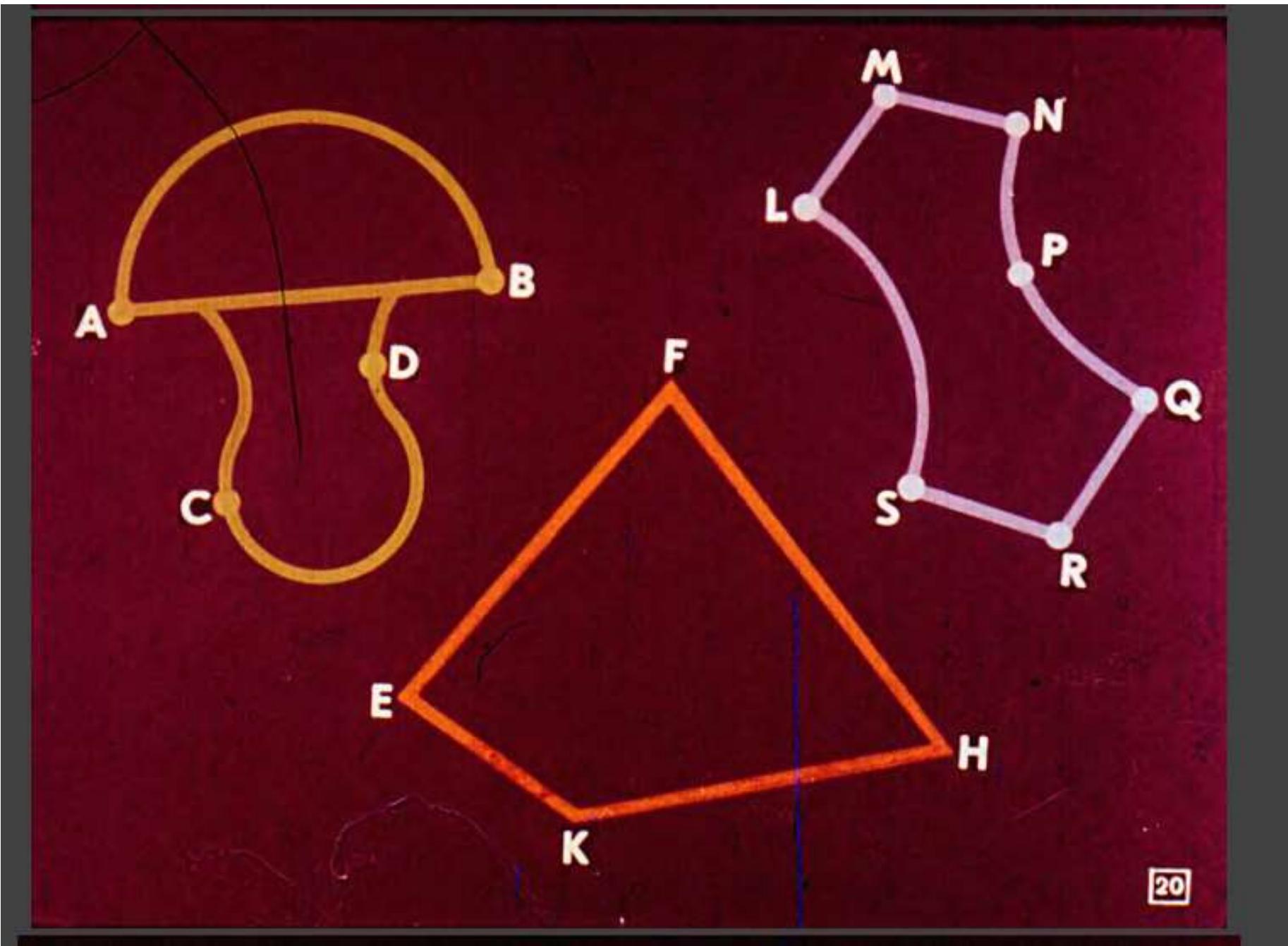


Отрезки  
противоположно  
направлены.

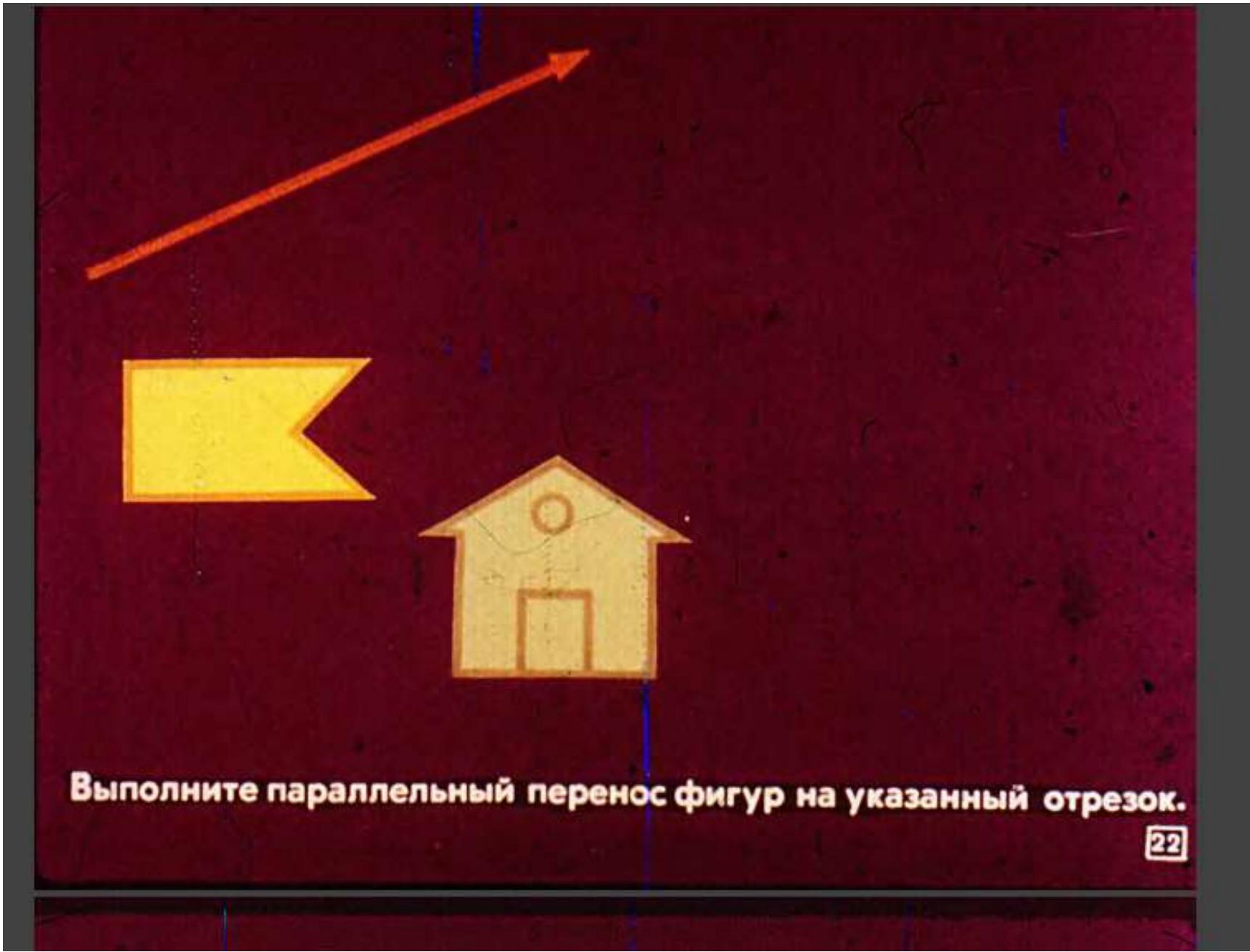


Параллельный перенос.

19



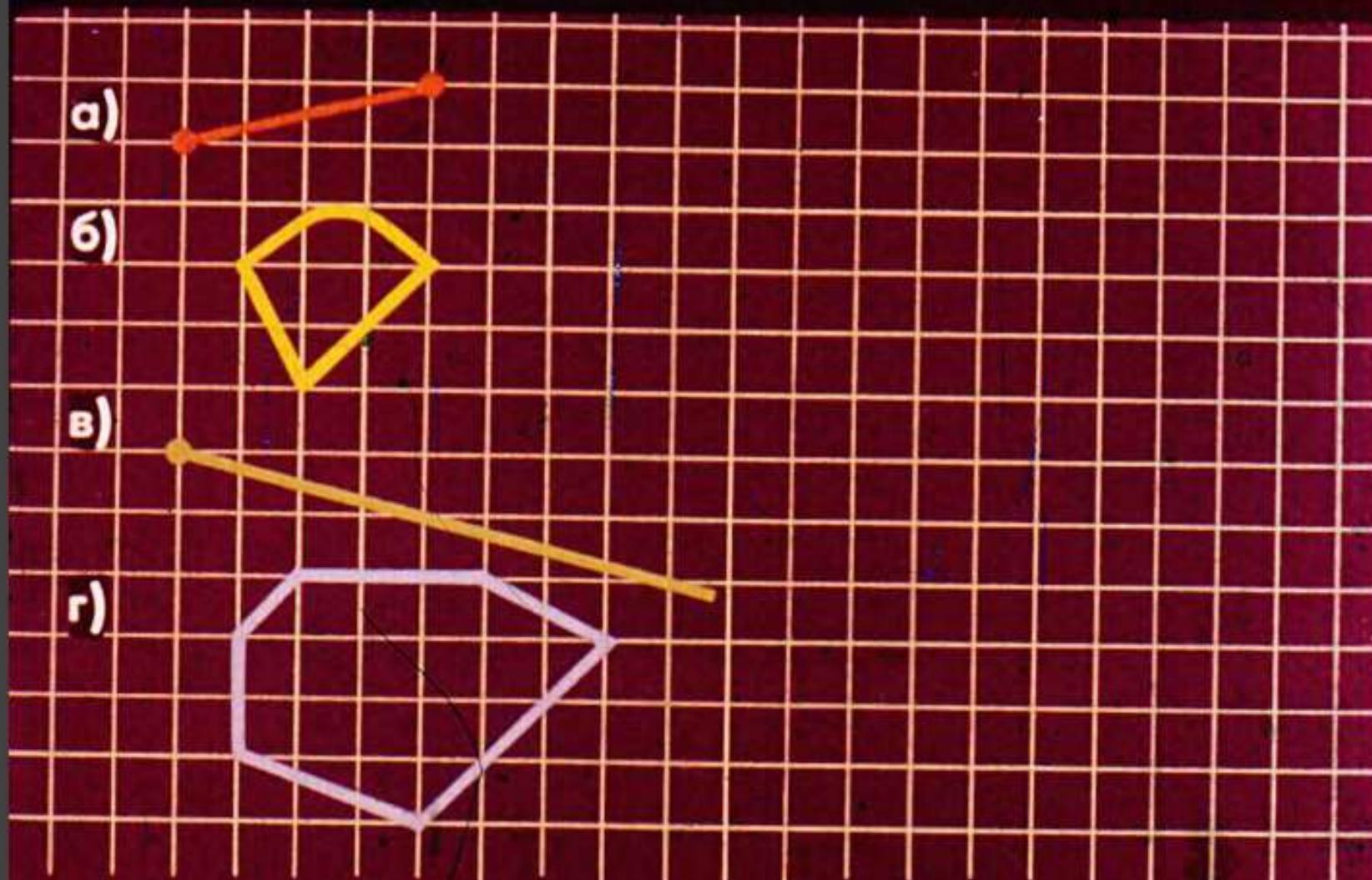






При параллельном переносе каждая фигура переходит в конгруэнтную ей.

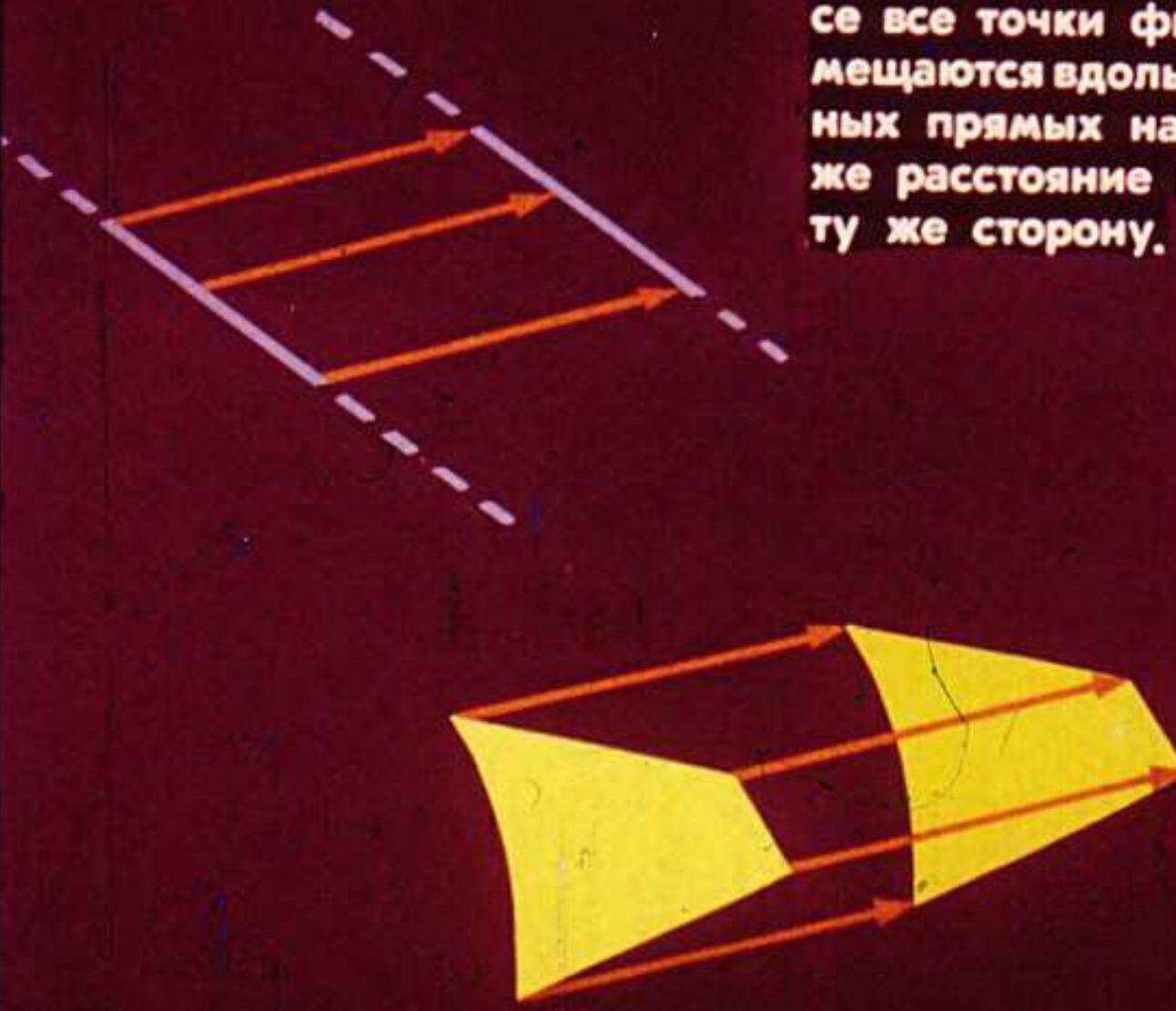
23



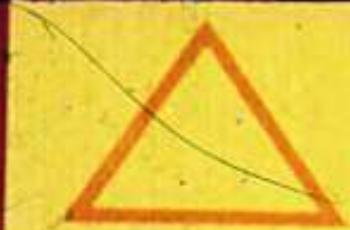
Выполните параллельный перенос фигур на отрезок, заданный учителем.

24

При параллельном переносе все точки фигуры перемещаются вдоль параллельных прямых на одно и то же расстояние и в одну и ту же сторону.



25



1



2



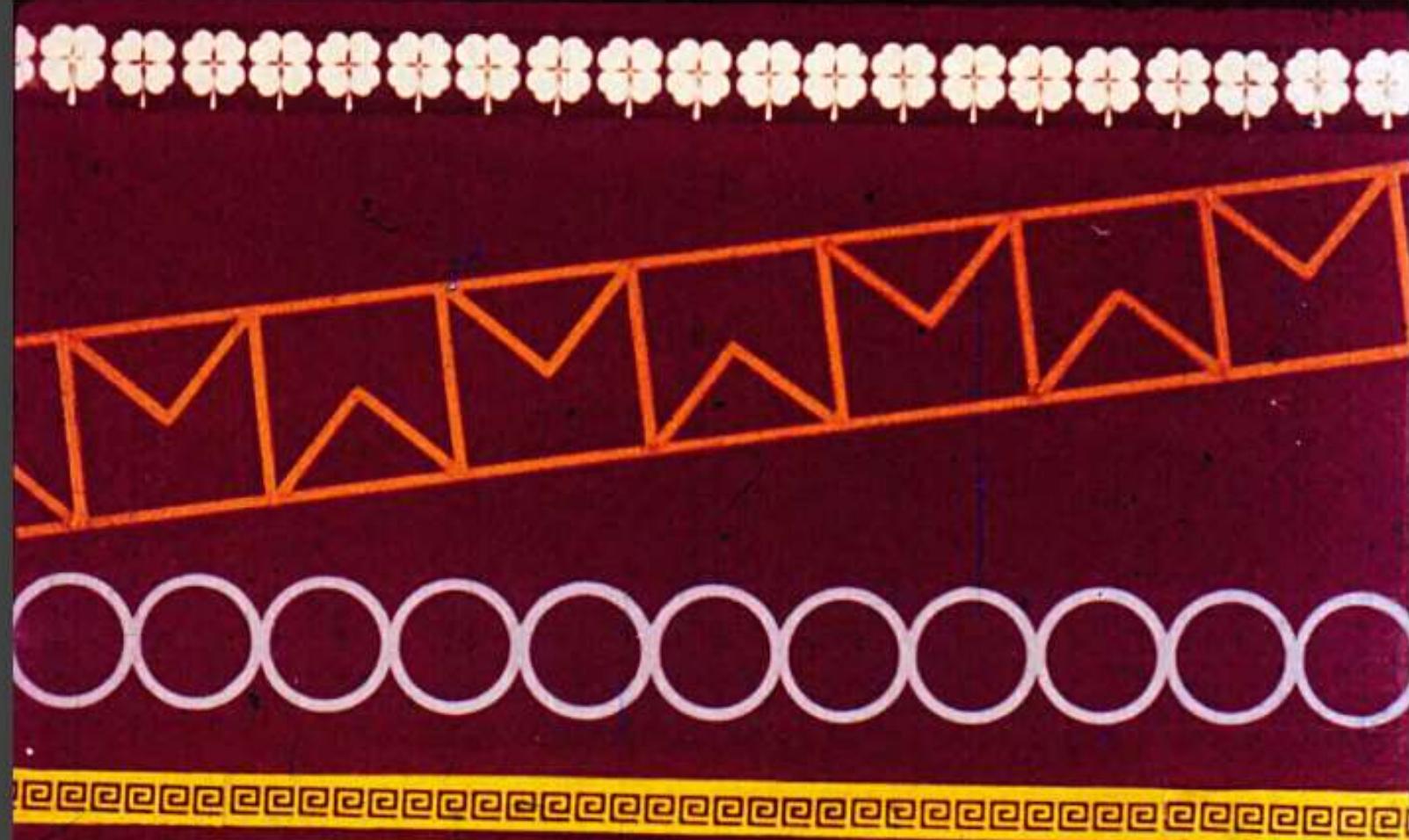
3



4

Какие фигуры получаются друг из друга параллельным переносом?

26



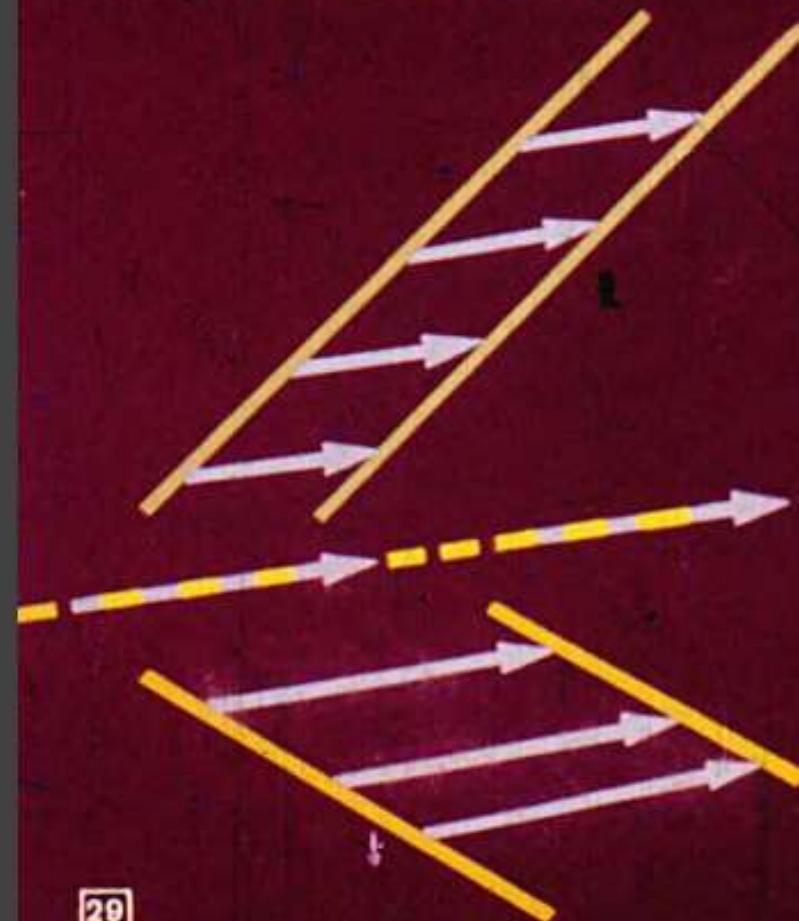
Эти фигуры переходят сами в себя при некотором параллельном переносе.

27

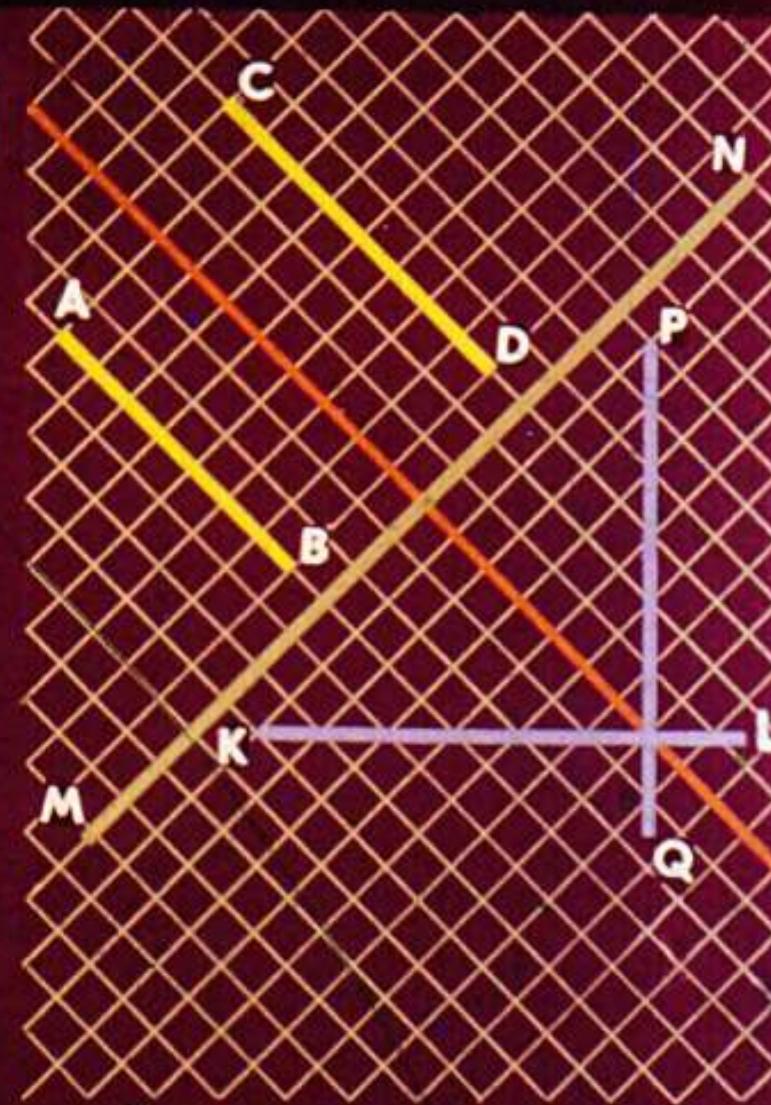


Так же, как и при параллельном переносе, при симметрии относительно прямой каждая фигура переходит в конгруэнтную ей. [28]

При параллельном переносе  
любая прямая переходит в  
параллельную ей.



29



А при симметрии?

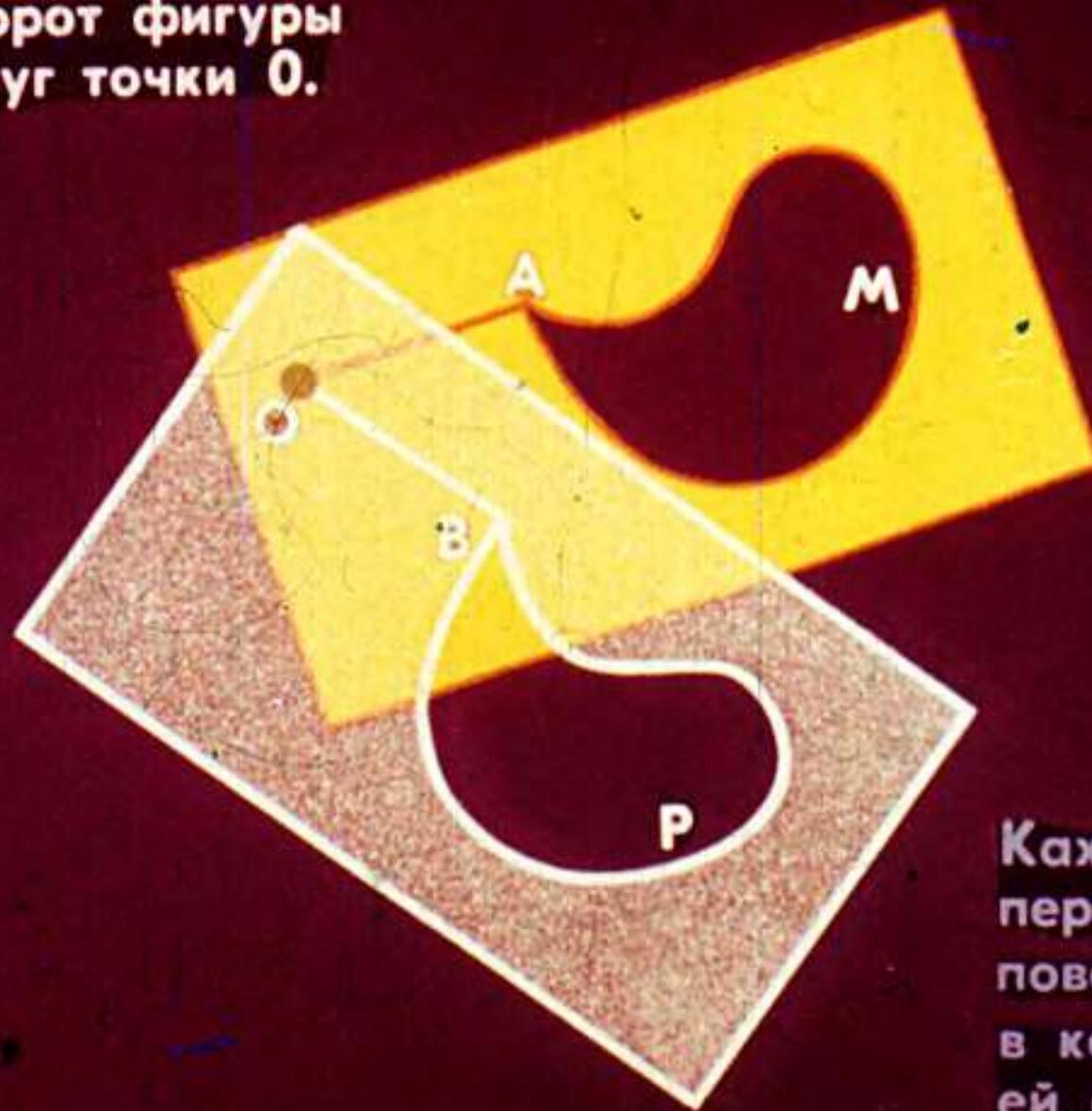
29

**Фигуры, имеющие ось симметрии.**



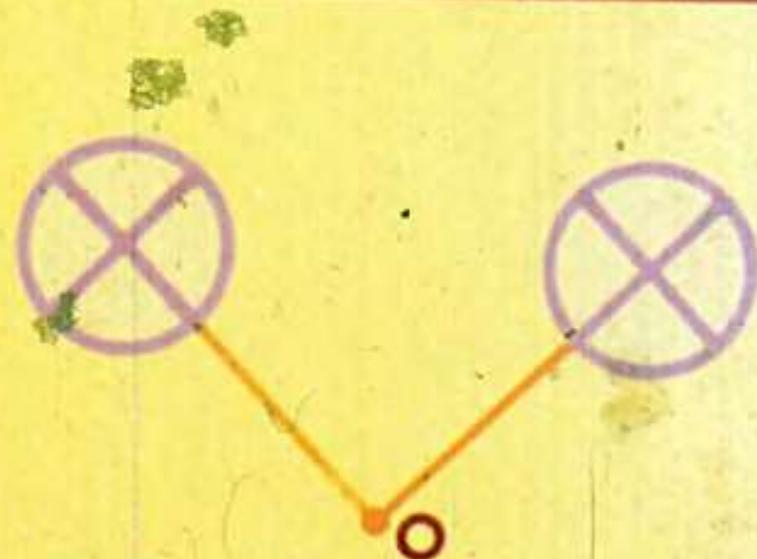
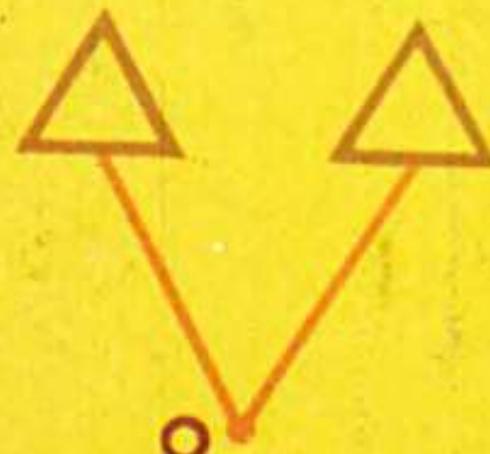
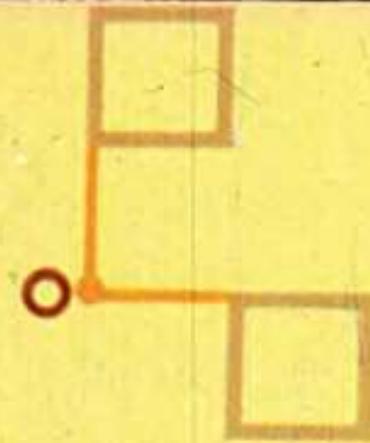
**Эти фигуры переходят сами в себя при симметрии относительно некоторой прямой.**

**Поворот фигуры  
вокруг точки 0.**



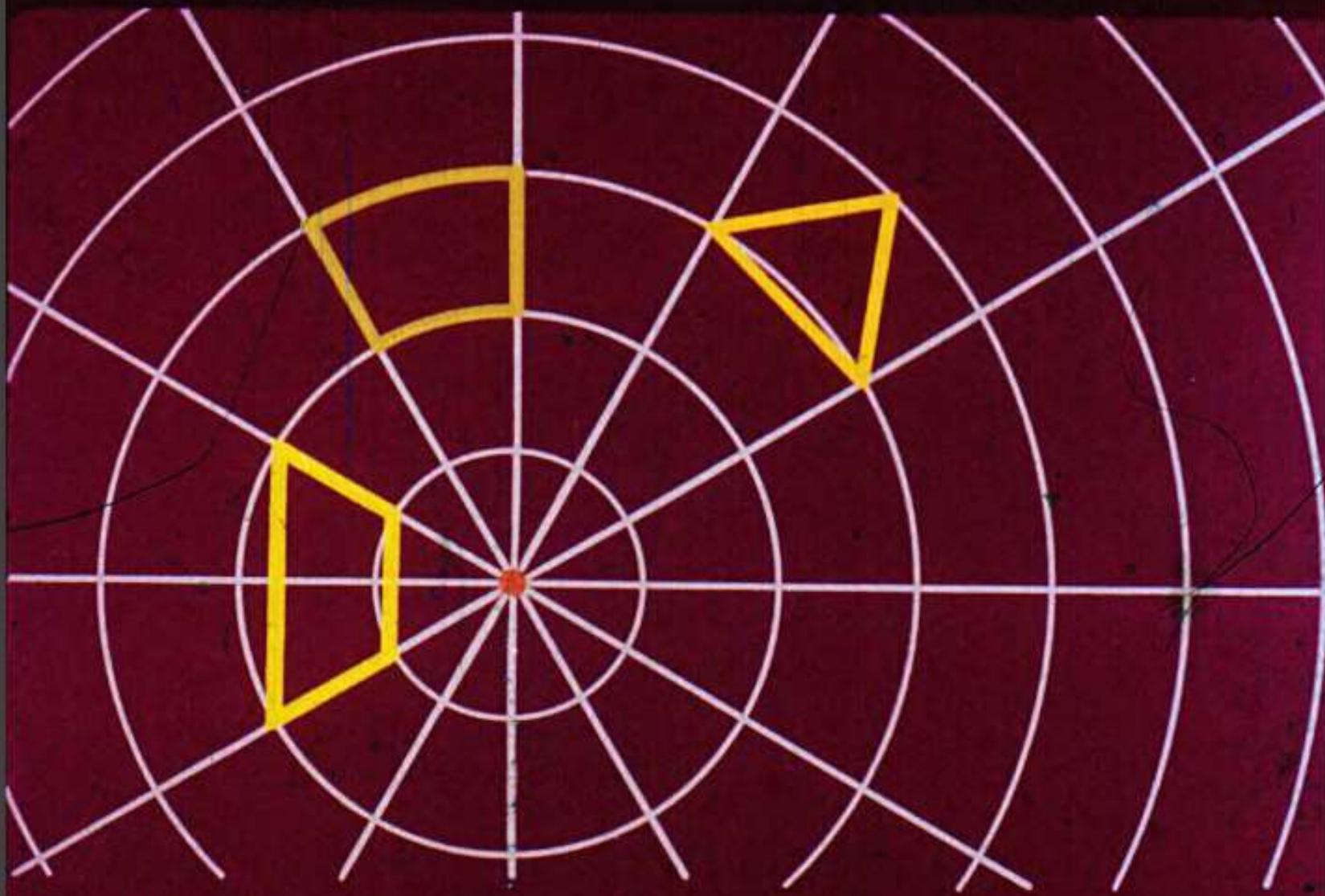
Каждая фигура  
переходит при  
повороте  
в конгруэнтную  
ей фигуру.

31



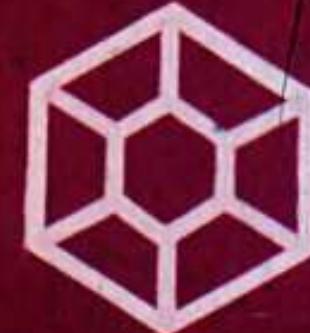
**Какие фигуры получены поворотом около данного центра?**

32



Выполните задание по указанию учителя.

33



**Каждая из этих фигур переходит сама в себя при некотором повороте.**

# КОНЕЦ



Диафильм сделан по заказу  
Министерства просвещения СССР

---

Автор доктор физико-математических  
наук В. Болтянский

Художник-оформитель Н. Дунаева

Редактор В. Чернина

Д-176-75

Студия «Диафильм» Госкино СССР, 1975 г.  
101000, Москва, Центр, Старосадский пер., д. № 7

Цветной 0-30

Сканировал Николай Мишин

35